

 Printed Pages: 12

Roll No.

(ii) Questions : 9

Sub. Code :

| | | | |
|---|---|---|---|
| 2 | 6 | 5 | 8 |
|---|---|---|---|

Exam. Code :

| | | | |
|---|---|---|---|
| 0 | 3 | 0 | 7 |
|---|---|---|---|

**Master of Arts (Economics) 1st Semester
1128**

QUANTITATIVE METHODS—I (In all Mediums)

Paper—MAECO-103

Time Allowed : Three Hours] [Maximum Marks : 80

Note :— Attempt five questions in all, including Q. No. I which is compulsory and selecting one question from each Unit. Simple, non-scientific and non-programmable calculator is allowed.

I. Answer any **ten** of the following in **25-30** words each :

- (a) Define derivative.
- (b) Find f_x , f_y , f_{xx} and f_{xy} of the $f(x, y) = x^5 + x^3y^3 + y^5$.
- (c) Properties of inverse of matrices.
- (d) What do you mean by consistency of equations ?
- (e) Define R^2 .
- (f) Limitations of ratio to moving average method.
- (g) What is an ideal index number ?
- (h) Give any two problems in the construction of index numbers.
- (i) Express the elasticity of demand in terms of q for

$$q = \frac{a - p}{b}.$$

- (j) Define linear dependence of vectors.

- (k) Find x_1 , x_2 and x_3 if $x_1 - 2x_2 + 3x_3 = 1$; $3x_1 - x_2 + 4x_3 = 3$ and $2x_1 + x_2 - 2x_3 = -1$.
- (l) Distinguish between correlation and regression.
- (m) Concept of random variable.
- (n) Axiomatic definition of probability.
- (o) Find partial derivative of u w.r. to y and z for $u = \frac{y^2}{z} + yz$.

$$10 \times 2 = 20$$

UNIT—I

- II. (a) Define homogenous functions. Find the degree of the homogeneity of the function $f(x, y) = x^3 + y^3 - 3x^3y$ and verify Euler's theorem for this function. 2,4,4
- (b) A monopolist has the following demand and cost functions respectively :

$$p = 100 - 5q$$

$$c = q^2 + 4q + 5$$

Find the level of profit maximizing output and the maximum profit. 5

- III. (a) If $u = \frac{xy}{x+y}$, verify that :

$$(i) \quad x \cdot \frac{\partial u}{\partial x} + y \cdot \frac{\partial u}{\partial y} = u \quad \text{and}$$

$$(ii) \quad x^2 \cdot \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} + 2xy \cdot \frac{\partial^2 u}{\partial x \partial y} + y^2 \cdot \frac{\partial^2 u}{\partial y^2} = 0 \quad 5,5$$

- (b) Determine the price elasticity of demand of $p = qe^{-q}$.

5

UNIT-II

- IV. (a) India's population in 1950 and 1963 was 36 Crores and 51.4 Crores respectively. Find the compound annual growth rate. 7
- (b) Find the present value of an immediate annuity of Rs. 1,000 per annum for 14 years allowing interest at 5% per annum. 8
- V. Solve the following equations by Gauss Reduction (elimination) method :

$$x + 2y + z = 2, \quad 3x + 6y + 5z = 4 \text{ and } 2x + 4y + 3z = 3.$$

Also solve the equation by matrix inverse method. Do you get the same answer ? Why or why not ? Explain. 15

UNIT-III

- VI. Fit a linear regression of rice yield (X_1 quintals) on the use of fertilizer (X_2 kgs per acre) and the amount of rainfall (X_3 , inches), from the following data :

| | | | | | | | |
|-------|----|----|----|----|----|----|----|
| X_1 | 45 | 50 | 55 | 70 | 75 | 75 | 85 |
| X_2 | 25 | 35 | 45 | 55 | 65 | 75 | 85 |
| X_3 | 31 | 28 | 32 | 32 | 29 | 27 | 31 |

Estimate the yield when :

(i) $X_2 = 60$ and $X_3 = 25$

(ii) $X_2 = 80$ and $X_3 = 30$. 15

- VII. (a) The sales of a company in lakhs of rupees for the years 2012 to 2018 are given as :

| Years | 2012 | 2013 | 2014 | 2015 | 2016 | 2017 | 2018 |
|-------|------|------|------|------|------|------|------|
| Sales | 32 | 47 | 65 | 92 | 132 | 190 | 275 |

Estimate sales figure for the year 2019 using the equation of the form

$$Y = ab^X \text{ where } X - \text{Years, } Y - \text{Sales}$$

- (b) Explain merits and limitations of the Ratio-to-Trend method. 10,5

UNIT—IV

- VIII. A problem in statistics is given to three students A, B and C;

whose chances of solving it independently are $\frac{1}{2}$, $\frac{1}{3}$ and $\frac{1}{4}$ respectively. Find the probability that :

- (a) The problem is solved.
- (b) At least two of them are able to solve the problem.
- (c) Exactly one of them is able to solve the problem.

$5 \times 3 = 15$

- IX. (a) Given below are the two index number series, one with 2001 as base and the other with 2009 as base :

| Series A | Year | 2001 | 2002 | 2003 | 2004 | 2005 | 2006 | 2007 | 2008 | 2009 |
|-----------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|
| Index No. | 100 | 110 | 120 | 130 | 170 | 200 | 240 | 300 | 350 | |
| Series B | Year | 2009 | 2010 | 2011 | 2012 | | | | | |
| Index No. | 100 | 125 | 160 | 190 | | | | | | |

- (i) Splice Series B to Series A
- (ii) Splice Series A to Series B 5,5
- (b) Discuss test of an ideal Index Number. 5

(हिन्दी माध्यम)

नोट :- प्रश्न संख्या 1 जो कि अनिवार्य है, तथा प्रत्येक युनिट में से एक प्रश्न का चयन करते हुए, कुल पांच प्रश्न करें। साधारण, गैर-वैज्ञानिक तथा गैर-प्रोग्रामेबल कैल्क्यूलेट का उपयोग करने की अनुमति है।

- I. निम्नलिखित में से किन्हीं दस का **25-30** शब्दों में उत्तर दें :
- (क) व्युत्पन्न को परिभाषित करें।
 - (ख) $f(x, y) = x^5 + x^3y^3 + y^5$ का fx , fy , f_{xx} और f_{yx} ज्ञात करें।
 - (ग) मैट्रिक्स (Matrices) के विपरित के गुण।
 - (घ) समीकरणों की स्थिरता से आपका क्या अभिप्राय है ?
 - (ङ) R^2 को परिभाषित करें।
 - (च) औसत विधि को स्थानांतरित करने के लिए अनुपात की सीमाएं।
 - (छ) आदर्श सूचकांक संख्या क्या है ?
 - (ज) सूचकांक संख्याओं के निर्माण में कोई दो समस्याएं लिखें।
 - (झ) q के लिए $q = \frac{a - p}{b}$ के संदर्भ में मांग की लोच को व्यक्त करें।
 - (अ) वैक्टरों की रैखिक निर्भरता को परिभाषित करें।
 - (ट) x_1, x_2 तथा x_3 ज्ञात करें यदि $x_1 - 2x_2 + 3x_3 = 1; 3x_1 - x_2 + 4x_3 = 3$ और $2x_1 + x_2 - 2x_3 = -1$.
 - (ठ) सहसंबंध और प्रतिगमन के बीच अंतर स्पष्ट करें।
 - (ड) यादृच्छिक चर की अवधारणा।
 - (ढ) संभावना की स्वैच्छिक परिभाषा।
 - (ण) U के आंशिक व्युत्पन्न को y और z के संदर्भ में $u = \frac{y^2}{z} + yz$ के लिए ज्ञात करें।

10×2=20

यूनिट-1

- II. (अ) समरूप कार्यों को परिभाषित करें। फंक्शन $f(x, y) = x^3 + y^3 - 3x^3y$ की समरूपता की डिग्री ज्ञात करें और इस फंक्शन के लिए घूलर के प्रमेय को सत्यापित करें। 2,4,4

- (ब) एक एकाधिकार में क्रमशः निम्नलिखित मांग और लागत कार्य होते हैं :

$$p = 100 - 5q$$

$$c = q^2 + 4q + 5$$

लाभ मैक्सीमाइजिंग आउटपुट और अधिकतम लाभ का स्तर ज्ञात करें। 5

- III. (अ) यदि $u = \frac{xy}{x+y}$, सत्यापित करें कि :

$$(i) \quad x \cdot \frac{\partial u}{\partial x} + y \cdot \frac{\partial u}{\partial y} = u \quad \text{and}$$

$$(ii) \quad x^2 \cdot \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} + 2xy \cdot \frac{\partial^2 u}{\partial x \partial y} + y^2 \cdot \frac{\partial^2 u}{\partial y^2} = 0 \quad 5,5$$

- (ब) $p = qe^{-q}$ की मांग की कीमत लोच निर्धारित करें। 5

यूनिट-2

- IV. (अ) 1950 तथा 1963 में भारत की जनसंख्या क्रमशः 36 करोड़ तथा 51.4 करोड़ थी। यौगिक वार्षिक वृद्धि दर ज्ञात करें। 7

- (ब) 14 साल के लिए प्रति वर्ष 5% प्रतिवर्ष ब्याज स्वीकार करते हुए, रु. 1000 की तत्काल वार्षिकी का वर्तमान मूल्य ज्ञात करें। 8

V. गॉस रिडक्शन (उन्मूलन) विधि द्वारा निम्नलिखित समीकरण हल करें:

$$x + 2y + z = 2, \quad 3x + 6y + 5z = 4 \text{ तथा } 2x + 4y + 3z = 3$$

समीकरण को मैट्रिक्स इनवर्स विधि द्वारा भी सुलझायें। क्या आपको समान उत्तर प्राप्त होता है। क्यों या क्यों नहीं ? व्याख्या करें। 15

यूनिट-III

VI. निम्नलिखित डाटा से चावल उपज (X_1 , किंवटल) पर उर्वरक के उपयोग (X_2 kgs प्रति एकड़ी) तथा वर्षा की मात्रा (X_3 , इंच) का रैखिक प्रतिगमन फिट करें :

| | | | | | | | |
|-------|----|----|----|----|----|----|----|
| X_1 | 45 | 50 | 55 | 70 | 75 | 75 | 85 |
| X_2 | 25 | 35 | 45 | 55 | 65 | 75 | 85 |
| X_3 | 31 | 28 | 32 | 32 | 29 | 27 | 31 |

उपज का अनुमान लगाएं यदि :

$$(i) \quad X_2 = 60 \text{ तथा } X_3 = 25$$

$$(ii) \quad X_2 = 80 \text{ तथा } X_3 = 30.$$

15

VII. (अ) साल 2012 से 2018 तक एक कंपनी की बिक्री लाख रूपयों में निम्न अनुसार दी गई है :

| Years | 2012 | 2013 | 2014 | 2015 | 2016 | 2017 | 2018 |
|-------|------|------|------|------|------|------|------|
| Sales | 32 | 47 | 65 | 92 | 132 | 190 | 275 |

$Y = ab^x$ where X - Years, Y - Sales
समीकरण का उपयोग करते हुए वर्ष 2019 के लिए बिक्री आंकड़ों का अनुमान लगाएं।

(ब) अनुपात से रूज्जान विधि के गुणों तथा सीमाओं की व्याख्या करें। 10,5

यूनिट-IV

VIII. सांख्यिकी में एक समस्या तीन छात्रों A, B, तथा C को दी गई है जिनमें समस्या को स्वतंत्र रूप से सुलझाने की संभावना क्रमशः $\frac{1}{2}$, $\frac{1}{3}$ तथा $\frac{1}{4}$ है।

संभावना ज्ञात करें कि :

- (अ) समस्या सुलझ गई है।
- (ब) उनमें से कम से कम दो छात्र समस्या को हल करने में सक्षम है।
- (क) वास्तव में उनमें से एक समस्या को हल करने में सक्षम है।

$$5 \times 3 = 15$$

IX. (अ) नीचे दो सूचकांक संख्या शृंखलाएं दी गई हैं, एक 2001 के आधार पर तथा दूसरी 2009 के आधार पर :

| शृंखला A | वर्ष | 2001 | 2002 | 2003 | 2004 | 2005 | 2006 | 2007 | 2008 | 2009 |
|-------------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|
| सूचकांक सं. | 100 | 110 | 120 | 130 | 170 | 200 | 240 | 300 | 350 | |
| शृंखला B | वर्ष | 2009 | 2010 | 2011 | 2012 | | | | | |
| सूचकांक सं. | 100 | 125 | 160 | 190 | | | | | | |

- (i) शृंखला B को शृंखला A से जोड़ें
 - (ii) शृंखला A को शृंखला B से जोड़ें।
- (ब) आदर्श सूचकांक संख्या के परीक्षण पर चर्चा करें।

$$5,5$$

$$5$$

(ਪੰਜਾਬੀ ਅਨੁਵਾਦ)

ਨੋਟ :- ਪ੍ਰਸ਼ਨ ਨੰਬਰ I ਜੋ ਕਿ ਲਾਜ਼ਮੀ ਹੈ ਅਤੇ ਹਰੇਕ ਯੂਨਿਟ ਵਿੱਚੋਂ ਇੱਕ ਪ੍ਰਸ਼ਨ ਦੀ ਚੋਣ ਕਰਦੇ ਹੋਏ ਕੁਲ ਪੰਜ ਪ੍ਰਸ਼ਨ ਕਰੋ। ਸਧਾਰਣ, ਗੈਰ-ਵਿਗਿਆਨਕ ਅਤੇ ਗੈਰ-ਪ੍ਰੋਗਰਾਮੇਬਲ ਕੈਲਕੂਲੇਟਰ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਨ ਦੀ ਅਨੁਮਤੀ ਹੈ।

I. ਨਿਮਨਲਿਖਿਤ ਵਿੱਚੋਂ ਕੋਈ ਦਸ, ਹਰੇਕ ਦਾ 25-30 ਸਥਦਾਂ ਵਿੱਚ ਉੱਤਰ ਦਿਓ :

- (ਅ) ਵਿਉਤਪੰਨ ਨੂੰ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕਰੋ।
- (ਅ) $f(x, y) = x^5 + x^3y^3 + y^5$ ਦਾ fx , fy , fxx ਅਤੇ fyx ਗਿਆਤ ਕਰੋ।
- (ਅ) ਮੈਟਰੀਸਿਸ (Matrices) ਦੇ ਵਿਪਰੀਤ ਦੇ ਗੁਣ।
- (ਸ) ਸਮੀਕਰਣਾਂ ਦੀ ਸਥਿਰਤਾ ਤੋਂ ਤੁਹਾਡਾ ਕੀ ਭਾਵ ਹੈ ?
- (ਹ) R^2 ਨੂੰ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕਰੋ।
- (ਕ) ਔਸਤ ਵਿਧੀ ਨੂੰ ਸਥਾਨਾਂਤਰਿਤ ਕਰਨ ਲਈ ਅਨੁਪਾਤ ਦੀ ਸੀਮਾ।
- (ਖ) ਆਦਰਸ਼ ਸੂਚਕਾਂਕ ਸੰਖਿਆ ਕੀ ਹੈ ?
- (ਗ) ਸੂਚਕਾਂਕ ਸੰਖਿਆਵਾਂ ਦੇ ਨਿਰਮਾਣ ਵਿੱਚ ਕੋਈ ਦੋ ਸਮੱਸਿਆਵਾਂ ਲਿਖੋ।
- (ਘ) q ਲਈ $q = \frac{a - p}{b}$ ਦੇ ਸੰਦਰਭ ਵਿੱਚ ਮੰਗ ਦੀ ਲੋਚ ਨੂੰ ਵਿਅਕਤ ਕਰੋ।
- (ਙ) ਵੈਕਟਰਾਂ ਦੀ ਰੈਖਿਕ ਨਿਰਭਰਤਾ ਨੂੰ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕਰੋ।
- (ਚ) x_1, x_2 ਅਤੇ x_3 ਗਿਆਤ ਕਰੋ ਜੇ $x_1 - 2x_2 + 3x_3 = 1; 3x_1 - x_2 + 4x_3 = 3$ ਅਤੇ $2x_1 + x_2 - 2x_3 = -1$.
- (ਛ) ਸਹਿਸੰਬੰਧ ਅਤੇ ਪ੍ਰਤਿਗਮਨ ਵਿਚਕਾਰ ਅੰਤਰ ਸਪਸ਼ਟ ਕਰੋ।
- (ਜ) ਬੇਤਰਤੀਬ ਚਰ ਦੀ ਧਾਰਨਾ।
- (ਝ) ਸੰਭਾਵਨਾ ਦੀ ਸਵੈਇੱਛਕ ਪਰਿਭਾਸ਼ਾ।
- (ਝ) u ਦੇ ਅੰਸ਼ਿਕ ਵਿਉਤਪੰਨ ਨੂੰ y ਅਤੇ z ਦੇ ਸੰਦਰਭ ਵਿੱਚ $u = \frac{y^2}{z} + yz$ ਲਈ ਗਿਆਤ ਕਰੋ।

10×2=20

ਯੂਨਿਟ—I

- II. (ਉ) ਸਮਰੂਪ ਕਾਰਜਾਂ ਨੂੰ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕਰੋ। ਫੰਕਸ਼ਨ $f(x, y) = x^3 + y^3 - 3x^3y$ ਦੀ ਸਮਰੂਪਤਾ ਦੀ ਡਿਗਰੀ ਗਿਆਤ ਕਰੋ ਅਤੇ ਇਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਲਈ ਯੂਲਰ ਦੇ ਪ੍ਰਮੇਅ ਨੂੰ ਸਤਿਆਪਿਤ ਕਰੋ। 2,4,4
 (ਅ) ਇੱਕ ਏਕਾਧਿਕਾਰ ਵਿੱਚ ਕ੍ਰਮਵਾਰ ਨਿਮਨਲਿਖਿਤ ਮੰਗ ਅਤੇ ਲਾਗਤ ਕਾਰਜ ਹੁੰਦੇ ਹਨ :

$$p = 100 - 5q$$

$$c = q^2 + 4q + 5$$

ਲਾਭ ਮੈਕਸੀਮਾਈਜ਼ਿੰਗ ਆਊਟਪੁਟ ਅਤੇ ਅਧਿਕਤਮ ਲਾਭ ਦਾ ਪੱਧਰ ਗਿਆਤ ਕਰੋ। 5

- III. (ਉ) ਜੇ $u = \frac{xy}{x+y}$, ਸਤਿਆਪਿਤ ਕਰੋ ਕਿ :

$$(i) \quad x \cdot \frac{\partial u}{\partial x} + y \cdot \frac{\partial u}{\partial y} = u \quad \text{and}$$

$$(ii) \quad x^2 \cdot \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} + 2xy \cdot \frac{\partial^2 u}{\partial x \partial y} + y^2 \cdot \frac{\partial^2 u}{\partial y^2} = 0 \quad 5,5$$

- (ਅ) $p = qe^{-q}$ ਦੀ ਮੰਗ ਦੀ ਕੀਮਤ ਲੋਚ ਨਿਰਧਾਰਿਤ ਕਰੋ। 5

ਯੂਨਿਟ—II

- IV. (ਉ) 1950 ਅਤੇ 1963 ਵਿੱਚ ਭਾਰਤ ਦੀ ਜਨਸੰਖਿਆ ਕ੍ਰਮਵਾਰ 36 ਕਰੋੜ ਅਤੇ 51.4 ਕਰੋੜ ਸੀ। ਯੋਗਿਕ ਸਲਾਨਾ ਵਾਧਾ ਦਰ ਗਿਆਤ ਕਰੋ। 7
 (ਅ) 14 ਸਾਲ ਲਈ ਪ੍ਰਤੀ ਸਾਲ 5% ਪ੍ਰਤੀ ਸਾਲ ਵਿਆਜ ਸਵੀਕਾਰ ਕਰਦੇ ਹੋਏ, 1,000 ਰੁਪਏ ਦੀ ਤੱਤਕਾਲ ਵਾਰਸ਼ਿਕੀ ਦਾ ਵਰਤਮਾਨ ਮੁੱਲ ਗਿਆਤ ਕਰੋ। 8

- V. ਗੱਸ ਰਿਡਕਸ਼ਨ (ਉਨਮੂਲਨ) ਵਿਧੀ ਦੁਆਰਾ ਨਿਮਨਲਿਖਿਤ ਸਮੀਕਰਣ ਹੱਲ ਕਰੋ :
 $x + 2y + z = 2$, $3x + 6y + 5z = 4$ and $2x + 4y + 3z = 3$.

ਸਮੀਕਰਣ ਨੂੰ ਮੈਟਰਿਕਸ ਇਨਵਰਸ ਵਿਧੀ ਦੁਆਰਾ ਵੀ ਹੱਲ ਕਰੋ। ਕੀ ਤੁਹਾਨੂੰ ਸਮਾਨ ਉੱਤਰ ਪ੍ਰਾਪਤ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ? ਕਿਉਂ ਅਤੇ ਕਿਉਂ ਨਹੀਂ ? ਵਿਆਖਿਆ ਕਰੋ।

15

ਯੂਨਿਟ—III

- VI. ਨਿਮਨਲਿਖਿਤ ਡਾਟਾ ਤੋਂ ਚੌਲ ਉਪਜ (X_1 , ਕਵਿੰਟਲ) ਤੇ ਖਾਦ ਦੀ ਵਰਤੋ (X₂, ਕਿਲੋ ਪ੍ਰਤੀ ਏਕੜ) ਅਤੇ ਵਰਖਾ ਦੀ ਮਾਤਰਾ (X₃, ਇੰਚ), ਦਾ ਰੈਖਿਕ ਪ੍ਰਤੀਗਮਨ ਫਿਟ ਕਰੋ :

| | | | | | | | |
|----------------|----|----|----|----|----|----|----|
| X ₁ | 45 | 50 | 55 | 70 | 75 | 75 | 85 |
| X ₂ | 25 | 35 | 45 | 55 | 65 | 75 | 85 |
| X ₃ | 31 | 28 | 32 | 32 | 29 | 27 | 31 |

ਉਪਜ ਦਾ ਅਨੁਸਾਨ ਲਾਉ ਜੋ :

(i) $X_2 = 60$ ਅਤੇ $X_3 = 25$.

(ii) $X_2 = 80$ ਅਤੇ $X_3 = 30$.

15

- VII. (ਉ) ਸਾਲ 2012 ਤੋਂ 2018 ਤੱਕ ਇੱਕ ਕੰਪਨੀ ਦੀ ਵਿਕਰੀ ਲਖਾਂ ਰੁਪਿਆਂ ਵਿੱਚ ਨਿਮਨ ਅਨੁਸਾਰ ਦਿੱਤੀ ਗਈ ਹੈ :

| ਸਾਲ | 2012 | 2013 | 2014 | 2015 | 2016 | 2017 | 2018 |
|-------|------|------|------|------|------|------|------|
| ਵਿਕਰੀ | 32 | 47 | 65 | 92 | 132 | 190 | 275 |

ਰੂਪ ਦੇ ਸਮੀਕਰਣ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਦੇ ਹੋਏ ਸਾਲ 2019 ਲਈ ਵਿਕਰੀ ਅੰਕਤਿਆਂ ਦਾ ਅਨੁਸਾਨ ਲਾਉ :

$Y = ab^x$ ਜਿਥੇ X – ਸਾਲ, Y – ਵਿਕਰੀ

- (ਅ) ਅਨੁਪਾਤ ਤੋਂ ਰੁਣਾਨ ਵਿਧੀ ਦੇ ਗੁਣਾਂ ਅਤੇ ਸੀਮਾਵਾਂ ਦੀ ਵਿਆਖਿਆ ਕਰੋ।

10,5

ਯੂਨਿਟ—IV

VIII. ਸੰਖਿਅਕੀ ਵਿੱਚ ਇੱਕ ਸਮੱਸਿਆ ਤਿੰਨ ਵਿਦਿਆਰਥੀਆਂ A, B ਅਤੇ C ਨੂੰ ਦਿੱਤੀ ਗਈ ਹੈ। ਜਿਸ ਵਿੱਚ ਸਮੱਸਿਆ ਨੂੰ ਸੁਤੰਤਰ ਤੌਰ 'ਤੇ ਹੱਲ ਕਰਨ ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ

ਕ੍ਰਮਵਾਰ $\frac{1}{2}, \frac{1}{3}$ ਅਤੇ $\frac{1}{4}$ ਹੈ।

ਸੰਭਾਵਨਾ ਗਿਆਤ ਕਰੋ ਕਿ :

(ਇ) ਸਮੱਸਿਆ ਸੁਲਝ ਗਈ ਹੈ।

(ਅ) ਉਹਨਾਂ ਵਿੱਚੋਂ ਘੱਟੋ-ਘੱਟ ਦੋ ਵਿਦਿਆਰਥੀ ਸਮੱਸਿਆ ਨੂੰ ਹੱਲ ਕਰਨ ਵਿੱਚ ਸਮਰਥ ਹਨ।

(ਇ) ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਉਹਨਾਂ ਵਿੱਚੋਂ ਇੱਕ ਸਮੱਸਿਆ ਨੂੰ ਹੱਲ ਕਰਨ ਵਿੱਚ ਸਮਰਥ ਹੈ।

$$5 \times 3 = 15$$

IX. (ਇ) ਹੇਠਾਂ ਦੇ ਸੂਚਕਾਂਕ ਨੰਬਰ ਸ੍ਰੇਣੀਆਂ ਦਿੱਤੀਆਂ ਗਈਆਂ ਹਨ। ਇੱਕ 2001 ਦੇ ਅਧਾਰ 'ਤੇ ਅਤੇ ਦੂਜੀ 2009 ਦੇ ਅਧਾਰ 'ਤੇ :

| ਸ੍ਰੇਣੀ A | ਸਾਲ | 2001 | 2002 | 2003 | 2004 | 2005 | 2006 | 2007 | 2008 | 2009 |
|----------|-------------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|
| | ਸੂਚਕਾਂਕ ਨੰ. | 100 | 110 | 120 | 130 | 170 | 200 | 240 | 300 | 350 |

| ਸ੍ਰੇਣੀ B | ਸਾਲ | 2009 | 2010 | 2011 | 2012 |
|----------|-------------|------|------|------|------|
| | ਸੂਚਕਾਂਕ ਨੰ. | 100 | 125 | 160 | 190 |

(i) ਸ੍ਰੇਣੀ B ਨੂੰ ਸ੍ਰੇਣੀ A ਨਾਲ ਜੋੜੋ

(ii) ਸ੍ਰੇਣੀ A ਨੂੰ ਸ੍ਰੇਣੀ B ਨਾਲ ਜੋੜੋ

$$5,5$$

(ਅ) ਆਦਰਸ਼ ਸੂਚਕਾਂਕ ਨੰਬਰ ਦੇ ਪਰੀਖਣ ਤੇ ਚਰਚਾ ਕਰੋ।

$$5$$